

Émission de rayonnement par les corps condensés chauds

Éléments de correction

I. Spectre d'émission d'un corps chaud.

1. Lorsque la température d'un corps est suffisamment importante, il émet de la lumière respectivement (lorsque la température augmente) rouge, orange, jaune, blanche...

2. Lorsque le corps commence à être assez chaud, il se met à émettre de la lumière perçue rouge. Son spectre lumineux ne contient quasiment que du rouge. La longueur d'onde la plus émise (λ_{\max}) est assez grande. L'intensité de la lumière émise est assez petite.

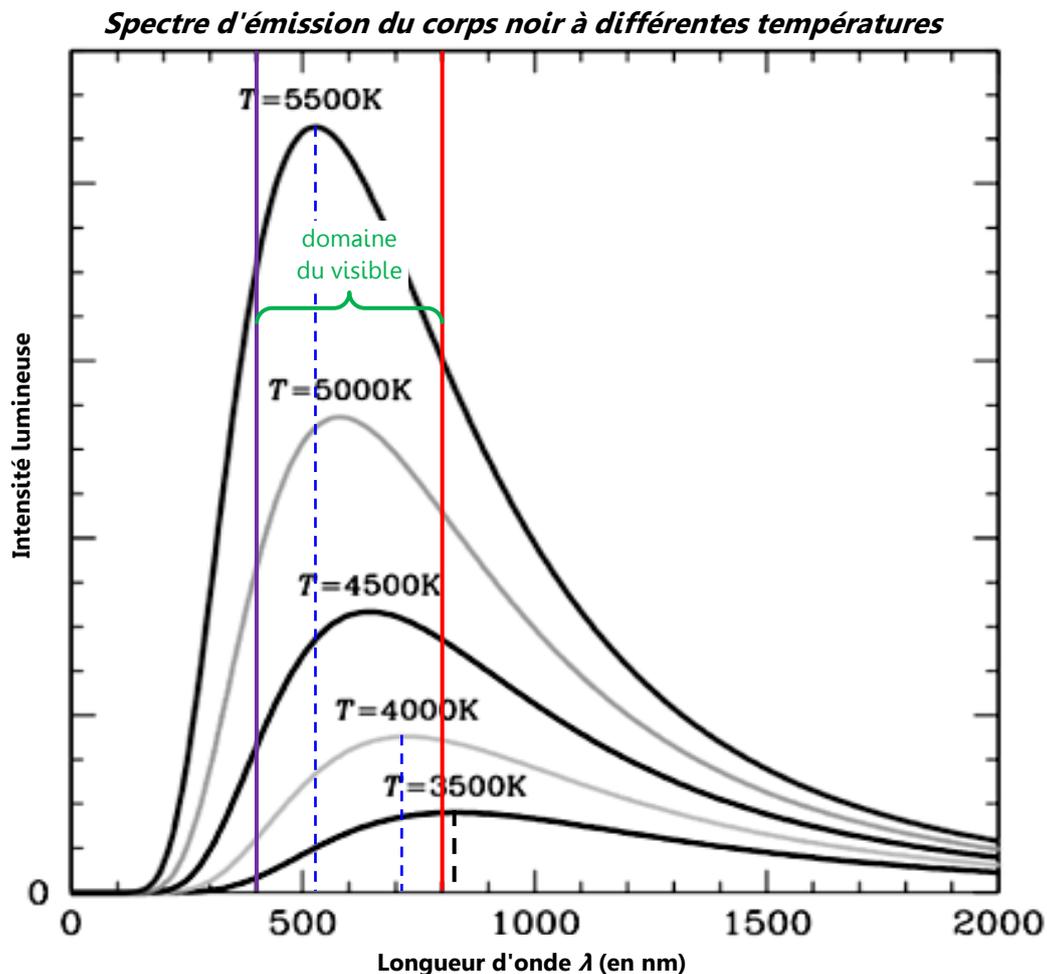
Lorsque la température de ce corps est plus élevée, il émet de la lumière perçue jaune-orangé. Son spectre lumineux contient les couleurs allant du rouge au vert. La longueur d'onde la plus émise (λ_{\max}) est plus petite. L'intensité de la lumière émise est plus grande.

Lorsque la température de ce corps est encore plus élevée, il émet de la lumière perçue blanc-jaune. Son spectre lumineux contient toutes les couleurs allant du rouge au violet. La longueur d'onde la plus émise (λ_{\max}) est encore plus petite. L'intensité de la lumière émise est encore plus grande.

Bilan :

- lorsque la température d'un corps augmente, la longueur d'onde la plus émise (λ_{\max}) diminue (l'émission se fait plus vers le rouge, puis l'orange, puis le jaune, puis le vert, puis le bleu, puis le violet, puis l'UV) ;
- lorsque la température d'un corps augmente, l'intensité de la lumière émise augmente.

3. Les longueurs d'onde de la lumière (visible) vont de 400 nm (tracé en violet) à 800 nm (tracé en rouge). Le domaine du visible est visualisé ci-dessous par l'accolade verte.



4. Lorsque la température n'est pas trop élevée (par exemple $T = 3\,500\text{ K}$ soit $\theta = 3\,227\text{ °C}$), la longueur d'onde la plus émise ne se situe pas dans le domaine du visible mais à une plus grande longueur d'onde (voir le tracé en pointillés noir), donc dans l'infrarouge.

5. Voir les tracés en pointillés bleu sur le *spectre d'émission du corps noir à différentes températures* (graphe ci-avant) et le tableau ci-dessous.

Longueur d'onde d'émission maximale d'un corps noir à différentes températures

| T (en K) | 2500 | 3500 | 4000 | 4500 | 5000 | 5500 | 6000 | 7000 | 8000 | 9000 |
|--------------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| λ_{\max} (en nm) | 1145 | 833 | 710 | 644 | 581 | 520 | 491 | 420 | 351 | 319 |

II. Vérification de la loi de Wien.

6. La loi de Wien indique que la longueur d'onde d'émission maximale est proportionnelle à l'inverse de la température (en kelvin) de la surface de l'étoile.

C'est-à-dire λ_{\max} est proportionnel à l'inverse de T .

C'est-à-dire λ_{\max} est proportionnel à $1/T$.

C'est à dire $\lambda_{\max} = a \times \frac{1}{T}$ (où a est le coefficient de proportionnalité).

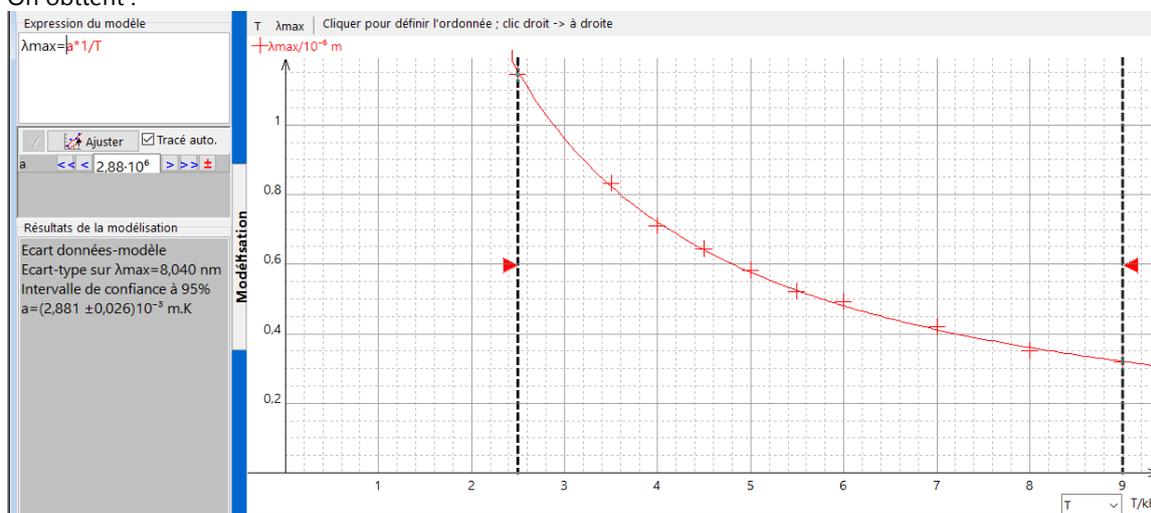
7. On trace un graphique à partir des valeurs du tableau (λ_{\max} en fonction de T) en utilisant le tableur-grapheur Regressi.

Avec le module "modélisation", on fait tracer une courbe d'équation $\lambda_{\max} = a \times \frac{1}{T}$ au plus proche des points

(Regressi calcule la valeur de a optimale et trace la courbe).

On vérifie si la courbe passe assez proche des points ou non.

8. On obtient :



La courbe modélisée passe assez proche des points. Donc la loi de Wien est vérifiée.

9. On en déduit que $\lambda_{\max} = a \times \frac{1}{T}$ avec $a = 2,88 \times 10^6$ (avec λ_{\max} en nm et T en K)

c'est-à-dire $\lambda_{\max} = 2,88 \times 10^6 \times \frac{1}{T}$ (avec λ_{\max} en nm et T en K)

c'est-à-dire $\lambda_{\max} = \frac{2,88 \times 10^6}{T}$ (avec λ_{\max} en nm et T en K)

10. $\lambda_{\max} = \frac{2,88 \times 10^6}{T}$ donc $\lambda_{\max} \times T = 2,88 \times 10^6$ donc $T = \frac{2,88 \times 10^6}{\lambda_{\max}} = \frac{2,88 \times 10^6}{291} = 9\,897\text{ K} = 9\,624\text{ °C}$

III. Autre méthode de vérification de la loi de Wien.

11. Graphiquement, une relation de proportionnalité entre deux grandeurs se traduit par une droite passant par l'origine.

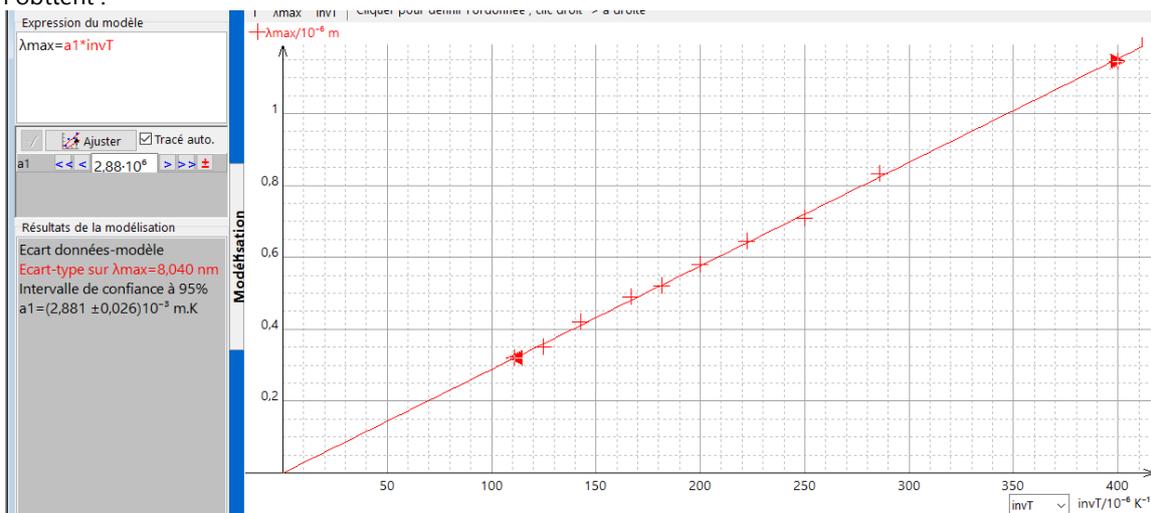
12. Comme λ_{\max} est proportionnel à $1/T$, pour obtenir une droite passant par l'origine, il faut tracer λ_{\max} en fonction de $1/T$ (et pas λ_{\max} en fonction de T).

13. Avec Regressi, on crée la *grandeur calculée* $\text{inv}T$ en utilisant l'expression suivante $\text{inv}T = 1 / T$.

14. On trace le graphique représentant λ_{\max} en fonction de $\text{inv}T$.

On fait passer une droite d'équation $\lambda_{\max} = a \times \text{inv}T$ au plus proche des points (Regressi calcule la valeur de a optimale et trace la droite).

On obtient :



On vérifie bien que la droite passe assez proche des points. Donc la loi de Wien est vérifiée.

15. On en déduit que $\lambda_{\max} = a \times \text{inv}T$ c'est-à-dire $\lambda_{\max} = a \times \frac{1}{T}$ avec $a = 2,88 \times 10^6$ (avec λ_{\max} en nm et T en K)

c'est-à-dire $\lambda_{\max} = \frac{2,88 \times 10^6}{T}$ avec $a = 2,88 \times 10^6$ (avec λ_{\max} en nm et T en K.)